

## Bruchrechnung

### 1. Formveränderung von Brüchen

**Erweitern** heißt Zähler und Nenner eines Bruches mit der selben Zahl multiplizieren.  $\frac{a}{b} = \frac{a \cdot c}{b \cdot c}$

**Kürzen** heißt Zähler und Nenner eines Bruches durch dieselbe Zahl dividieren.  $\frac{a}{b} = \frac{a:c}{b:c}$

**Beachte: Man darf mit 0 weder erweitern noch kürzen.**

Ü: 1.1 Kürze soweit wie möglich: a)  $\frac{18}{20}$     b)  $\frac{120}{54}$     c)  $\frac{180}{105}$     d)  $\frac{9 \cdot 4 \cdot 36}{6 \cdot 27 \cdot 12}$

1.2 Erweitere auf den Nenner in der Klammer: a)  $\frac{3}{2}$  ;  $\frac{7}{4}$  ;  $\frac{8}{5}$  ; (20)    b)  $\frac{10}{9}$  ;  $\frac{12}{27}$  ;  $\frac{3}{2}$  ; (54)

### 2. Addition und Subtraktion gemeiner Brüche

**Regel:**

- Man bestimmt den Hauptnenner und macht die Brüche gleichnamig.
- Man addiert bzw. subtrahiert die Zähler.
- Man behält den gemeinsamen Nenner bei.

z. B.:  $\frac{3}{4} + \frac{5}{3} - \frac{1}{2} = \frac{9}{12} + \frac{20}{12} - \frac{6}{12} = \frac{9 + 20 - 6}{12} = \frac{23}{12} = 1 \frac{11}{12}$

Ü: 2a)  $\frac{7}{12} + \frac{11}{12} - \frac{1}{12} =$     b)  $\frac{2}{3} + \frac{3}{4} - \frac{23}{18} =$     c)  $\left(\frac{1}{5} + \frac{9}{11}\right) - \left(\frac{4}{5} - \frac{1}{11}\right) =$     d)  $5\frac{2}{9} - \left[3\frac{4}{5} - \left(1\frac{2}{15} + \frac{4}{5}\right)\right] =$

### 3. Multiplikation gemeiner Brüche

**Regeln: Bruch mal Bruch**

- Man multipliziert Zähler mit Zähler und Nenner mit Nenner.
- Gemischte Zahlen werden vorher in unechte Brüche umgewandelt.

$\frac{a}{b} \cdot \frac{c}{d} = \frac{a \cdot c}{b \cdot d}$     z. B.:  $\frac{3}{8} \cdot \frac{4}{21} = \frac{3 \cdot 4}{8 \cdot 21} = \frac{1 \cdot 1}{2 \cdot 7} = \frac{1}{14}$

**Bruch mal ganze Zahl**

- Man verwandelt die ganze Zahl in einen Bruch mit dem Nenner 1 und verfährt nach obiger Regel.

$\frac{a}{b} \cdot c = \frac{a \cdot c}{b \cdot 1} = \frac{a \cdot c}{b}$

Ü: 3a)  $\frac{5}{4} \cdot 8 =$     b)  $\frac{3}{4} \cdot \frac{5}{27} =$     c)  $8\frac{1}{3} \cdot 2\frac{1}{4} =$     d)  $12 \cdot \frac{4}{3} =$

### 4. Division gemeiner Brüche

**Regel:**

- Man bildet den Kehrwert des zweiten Bruches und multipliziert anschließend die beiden Brüche.

$\frac{a}{b} : \frac{c}{d} = \frac{a}{b} \cdot \frac{d}{c} = \frac{a \cdot d}{b \cdot c}$     z. B.:  $\frac{4}{9} : \frac{5}{3} = \frac{4}{9} \cdot \frac{3}{5} = \frac{4 \cdot 3}{9 \cdot 5} = \frac{4 \cdot 1}{3 \cdot 5} = \frac{4}{15}$

Ü: 4a)  $\frac{4}{11} : \frac{12}{33} =$     b)  $2\frac{1}{3} : \frac{7}{8} =$     c)  $5\frac{1}{9} : \frac{2}{3} =$     d)  $1\frac{6}{7} : 2\frac{1}{3} =$

## Bruchrechnung

### 5. Umwandlung von gemeinen Brüchen in Dezimalbrüche

**Regel:** • Man wandelt einen gemeinen Bruch in einen Dezimalbruch um, indem man den **Bruchstrich** durch ein **Divisionszeichen** ersetzt und den Zähler durch den Nenner dividiert.

$$\text{z. B.: } \frac{7}{8} = 7 : 8 = 0,875 \qquad 1\frac{5}{9} = \frac{14}{9} = 1,5555\dots = 1,\bar{5}$$

Ü: 5a)  $\frac{18}{25}$     b)  $\frac{9}{16}$     c)  $\frac{13}{8}$     d)  $\frac{11}{50}$     e)  $\frac{2}{3}$     f)  $\frac{8}{15}$

### 6. Umwandlung von Dezimalbrüchen in gemeine Brüche

#### 6.1 Endliche Dezimalbrüche

**Regel:** • Im Zähler steht die Zahl aus allen Dezimalen.  
• Im Nenner steht die entsprechende Stufenzahl.  
• Die Ganzen werden gesondert umgewandelt.

$$\text{z. B.: } 0,16 = \frac{16}{100} = \frac{4}{25} \qquad 3,41 = 3\frac{41}{100} = \frac{341}{100}$$

Ü: 6.1a) 0,25    b) 0,125    c) 0,0325    d) 3,58    e) 4,2    f) 10,35

#### 6.2 Unendlich periodische Dezimalbrüche

**Regel:** • Im Zähler steht die Periode.  
• Im Nenner steht eine Zahl, die aus so vielen Ziffern 9 besteht wie die Länge der Periode vorgibt.

$$\text{z. B.: } 0,\bar{3} = \frac{3}{9} = \frac{1}{3} \qquad 0,\overline{002} = \frac{2}{999}$$

(Die Regel gilt nur, wenn die Periode sofort nach dem Komma beginnt!)

Ü: 6.2a)  $0,\bar{2}$     b)  $0,\bar{6}$     c)  $0,\bar{21}$     d)  $3,\bar{43}$     e)  $0,\overline{09}$     f)  $0,\overline{124}$

### 7. Runden von Dezimalbrüchen

**Regel:** Bei sehr langen oder unendlichen Dezimalbrüchen genügt häufig ein gerundeter Näherungswert der Zahl. Dafür gilt folgendes:

**Abrunden:** Die zu rundende Ziffer bleibt unverändert, wenn eine der Ziffern 0 - 4 folgt.

**Aufrunden:** Die zu rundende Ziffer wird um 1 erhöht, wenn eine der Ziffern 5 - 9 folgt.

Vor dem Runden ist festzustellen, auf welche Stelle gerundet werden soll und die folgende Ziffer ist die entscheidende.

$$\text{z. B.: } 123,8 \text{ (G)} = 124 \qquad 6,983 \text{ (h)} = 6,98 \qquad 12,057 \text{ (z)} = 12,1$$

Ü: 7 Runde auf die angegebene Stelle nach dem Komma:

a) 67,2345 (h)    b) 7,987 (z)    c) 123,354 (G)    d) 2,009 (z)

## Bruchrechnung

### 8. Addition und Subtraktion von Dezimalbrüchen

- Regel:**
- Man bringt die Dezimalbrüche durch Anhängen von Endnullen auf gleich viele Dezimalen.
  - Man addiert bzw. subtrahiert Ziffern mit gleichem Stellenwert.

z. B.:  $23,4 + 2,345 - 0,71 = 23,400 + 2,345 - 0,710 = 25,035$

Ü: 8a)  $24,812 + 30,4 + 18,5673 =$       b)  $12,98 - 4,0082 + 3,2 - 0,056 =$   
 c)  $(45,32 + 4,907) - (34,564 - 6,02) =$

### 9. Multiplikation von Dezimalbrüchen

- Regel:**
- Man multipliziert die beiden Dezimalbrüche zunächst ohne Komma.
  - Man setzt das Komma so, dass das Ergebnis so viele Dezimalen besitzt wie beide Faktoren zusammen.
- z. B.:  $4,5 \cdot 0,3 = 1,35$

Ü: 9a)  $32 \cdot 0,024 =$       b)  $8,61 \cdot 6,02 =$       c)  $1,5 \cdot 1000 =$       d)  $0,02 \cdot 0,3 =$

### 10. Division von Dezimalbrüchen

- Regel:**
- Man verschiebt das Komma bei Dividend und Divisor um gleich viele Stellen soweit nach rechts bis der Divisor kommafrei ist.
  - Man dividiert wie in  $\mathbb{N}$ .
  - Man setzt das Komma im Ergebnis beim Überschreiten der Kommastelle beim Dividenden.

z. B.:  $4,97 : 3,5 = 49,7 : 35 = 1,42$

$$\begin{array}{r}
 35 \\
 \underline{147} \\
 140 \\
 \underline{70} \\
 70 \\
 \underline{0} \\
 0
 \end{array}$$

Ü: 10a)  $230,88 : 2,4 =$       b)  $15,606 : 3,06 =$       c)  $624 : 0,06 =$

## Terme

### 1. Definition

- Jede Zahl z. B.: 5; 0,12;  $1\frac{2}{7}$ ; ...
- Jede Variable z. B.: a; x; y; ...
- Jede sinnvolle Verknüpfung aus Zahlen, Variablen und Rechenzeichen z. B.:  $5+0,3\cdot 2,4$ ;  $3\cdot x-7$ ;  $x^2-25$ ; ...  
bezeichnet man als **Term**.

**Jeder Term, der eine Variable enthält, besitzt eine Grundmenge  $\mathbb{G}$  für die Variable.**

### 2. Darstellungsarten von Termen

Wenn man für die Variable des Terms Zahlen der Grundmenge einsetzt, erhält man jeweils den dazugehörigen Termwert.

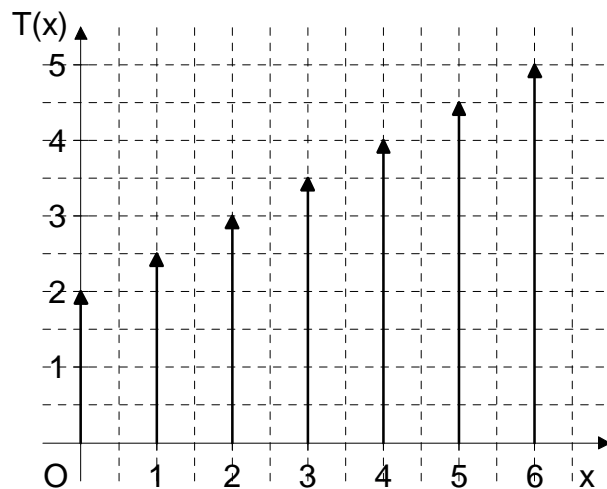
Terme kann man in numerischen und graphischen Wertetabellen darstellen:

Beispiel:  $T(x) = 0,5 \cdot x + 2$   $\mathbb{G} = \{0; 1; 2; 3; 4; 5; 6\}$

#### 2.1 Numerische Wertetabelle

x	0	1	2	3	4	5	6
$0,5 \cdot x + 2$	2	2,5	3	3,5	4	4,5	5

#### 2.2 Graphische Wertetabelle



### 3. Äquivalente Terme

**Terme sind äquivalent (gleichwertig), wenn sie bei allen Einsetzungen aus der Grundmenge  $\mathbb{G}$  jeweils die gleichen Termwerte haben.**

Beispiele:

1.  $T_1(x) = 20 + 4 \cdot x$  und  $T_2(x) = (5 + x) \cdot 4$   $\mathbb{G} = \{1; 2; 3\}$

für  $x = 1$   $T_1(1) = 24$   $T_2(1) = 24$

für  $x = 2$   $T_1(2) = 28$   $T_2(2) = 28$

für  $x = 3$   $T_1(3) = 32$   $T_2(3) = 32$

Da die Termwerte für alle Einsetzungen gleich sind, sind die Terme äquivalent  $T_1(x) = T_2(x)$

2.  $T_1(x) = x \cdot x$  und  $T_2(x) = 2 \cdot x$   $\mathbb{G} = \{0; 1; 2\}$

für  $x = 0$   $T_1(0) = 0$   $T_2(0) = 0$

**für  $x = 1$   $T_1(1) = 1$   $T_2(1) = 2$**

für  $x = 2$   $T_1(2) = 4$   $T_2(2) = 4$

Da die Termwerte nicht für alle Einsetzungen nicht gleich sind, sind die Terme nicht äquivalent  $T_1(x) \neq T_2(x)$

## Lösen von Gleichungen durch Äquivalenzumformungen

### 1. Äquivalenz von Gleichungen

Gleichungen (Ungleichungen), die bei **gleicher Grundmenge dieselbe Lösungsmenge** besitzen, heißen **äquivalent**.

Beispiel:  $(5 + x) \cdot 4 = 80$  ist äquivalent zu  $20 + 4 \cdot x = 80$  in  $\mathbb{G} = \mathbb{Q}_0^+$ ,  
da beide Gleichungen die Lösungsmenge  $\mathbb{L} = \{15\}$  haben.

### 2. Äquivalenzumformungen

Die Lösungsmenge einer Gleichung ändert sich nicht, wenn man

- auf beiden Seiten die gleiche Zahl addiert oder subtrahiert
- beide Seiten mit der gleichen von Null verschiedenen Zahl multipliziert oder dividiert.

Eine derartige Umformung heißt **Äquivalenzumformung**.

Beispiele:  $\mathbb{G} = \mathbb{Q}_0^+$

1. $2 \cdot x + 1 = 5 \quad   -1$  $\Leftrightarrow 2 \cdot x = 4 \quad   :2$  $\Leftrightarrow x = 2$  $\mathbb{L} = \{2\}$	2. $\frac{1}{3} \cdot x - 5 = 2 \quad   +5$  $\Leftrightarrow \frac{1}{3} \cdot x = 7 \quad   \cdot 3$  $\Leftrightarrow x = 21$  $\mathbb{L} = \{21\}$
--	---

Zur Probe setzt man das Lösungselement ein und überzeugt sich, dass eine wahre Aussage entsteht!

$2 \cdot 2 + 1 = 5$ (wahre Aussage)	$\frac{1}{3} \cdot 21 - 5 = 2$ (wahre Aussage)
-------------------------------------	--

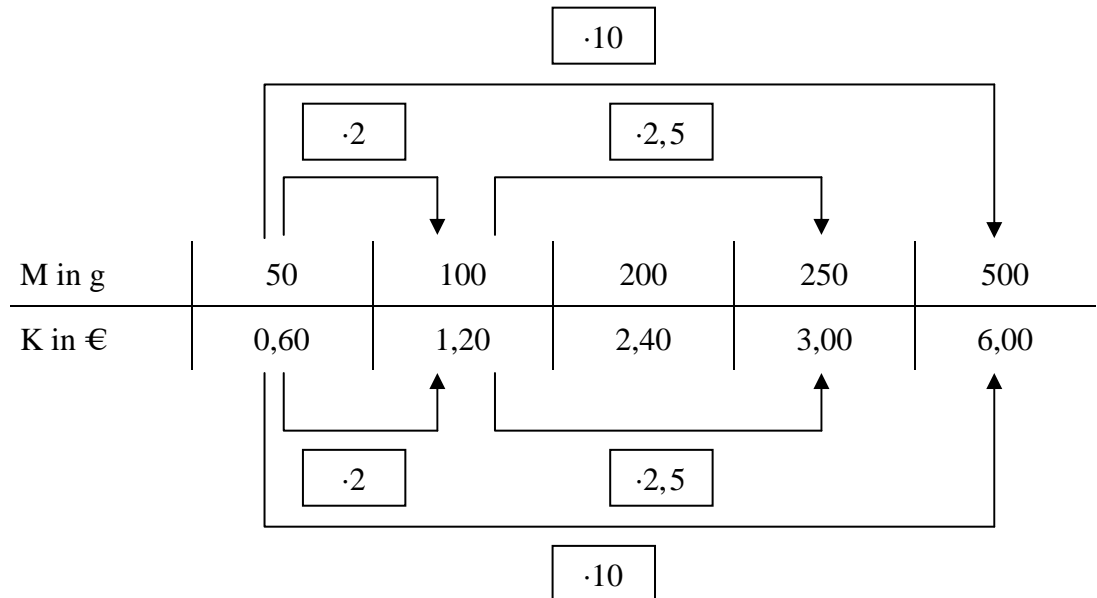
Ü: Löse durch Äquivalenzumformungen die Gleichungen mit  $\mathbb{G} = \mathbb{Q}_0^+$

- |                                 |  |
|---------------------------------|--|
| a) $x \cdot 10 = 4$             | b) $x - \frac{4}{5} = 3\frac{1}{2}$                  |
| c) $2 \cdot x + 3 = 18$         | d) $1,2 \cdot y - 0,3 = 4,5$                         |
| e) $(17 - 13) \cdot x + 6 = 11$ | f) $\frac{1}{4} + \frac{3}{4} \cdot x = \frac{2}{3}$ |
| g) $z : 1,6 = 2,4 + 9$          |  |

## Direkte Proportionalität

Entspricht bei einer Zuordnung von Größen das n-fache der einen Größe dem n-fachen der anderen Größe, so heißt diese Zuordnung **direkte Proportionalität**.

Beispiel:                      Wurstaufschnitt M in x g    →    Kosten K in y €



### Eigenschaften:

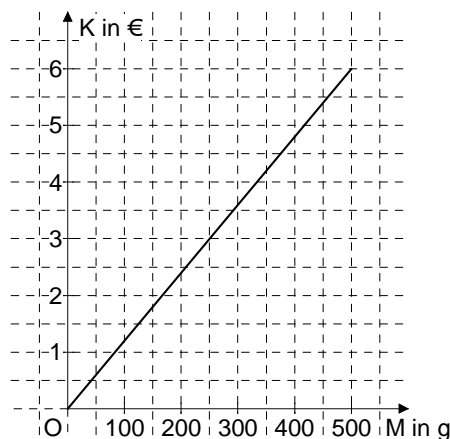
- Alle Größenpaare (A|B) einer direkten Proportionalität sind **quotientengleich**.
- Der konstante Quotient  $k = \frac{B}{A}$  heißt **Proportionalitätsfaktor** oder **Proportionalitätskonstante**.

Beispiel:

M in g	50	100	200	250	500
K in €	0,60	1,20	2,40	3,00	6,00
$\frac{K}{M}$ in $\frac{€}{g}$	0,012	0,012	0,012	0,012	0,012

Man sagt: „Die beiden Größen M und K sind zueinander direkt proportional“ ( $K \sim M$ )

- Der Graph einer direkten Proportionalität ist eine Halbgerade, die im Ursprung beginnt.





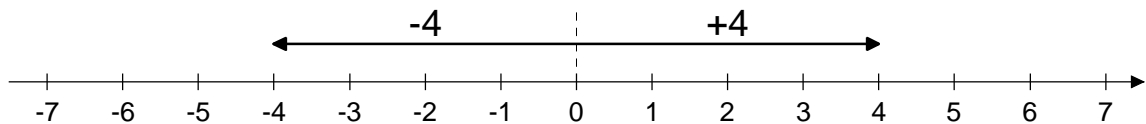




## Addition und Subtraktion in $\mathbb{Z}$

### 1. Zahl und Gegenzahl

Zwei Zahlen, deren Zahlenpfeile sich nur durch die Richtung unterscheiden, nennt man **Zahl** und **Gegenzahl**.



Beispiele: Gegenzahl zu 9:  $-9$

Gegenzahl zu  $-12$ :  $12$

### 2. Absoluter Betrag einer Zahl

Unter dem **absoluten Betrag** einer Zahl versteht man die **Maßzahl der Länge ihres Zahlenpfeils** (Abstand zur Zahl 0). Da Zahl und Gegenzahl gleichlange Zahlenpfeile besitzen, ist ihr absoluter Betrag gleich: z. B.:  $|-4| = |+4| = 4$

### 3. Rechenzeichen - Vorzeichen

Die **Rechenart** wird bestimmt durch das **Rechenzeichen**. Das **Vorzeichen** gibt an, ob die Zahl **positiv** oder **negativ** ist.

$(+4)$ $\downarrow$ Vorzeichen	$+$ $\downarrow$ Rechenzeichen	$(-3)$ $\downarrow$ Vorzeichen	Für das Zusammentreffen von Vorzeichen und Rechenzeichen gilt folgende <b>Regel</b> :	$+(+) = +$ $(+)- = -$ $- (+) = -$ $-(-) = +$
--------------------------------------	--------------------------------------	--------------------------------------	--	---

### 4. Berechnung mehrgliedriger Summen

	$(-12) + (+3) - (+9) - (-8) + (+7)$
1. <b>Klammern auflösen</b> nach obiger Regel	$= -12 + 3 - 9 + 8 + 7$
2. <b>Summe der Plusglieder minus Summe der Minusglieder</b>	$= 18 - 21$
3. <b>Subtraktion des kleineren Betrags vom größeren Betrag und Zuordnen des Vorzeichens der Zahl mit größeren Betrag zur Differenz.</b>	$= -3$

Ü: a)  $(-13) - (+15) - (-20) + (-7) =$

b)  $(-22) + (-66) - (+44) + (+33) =$

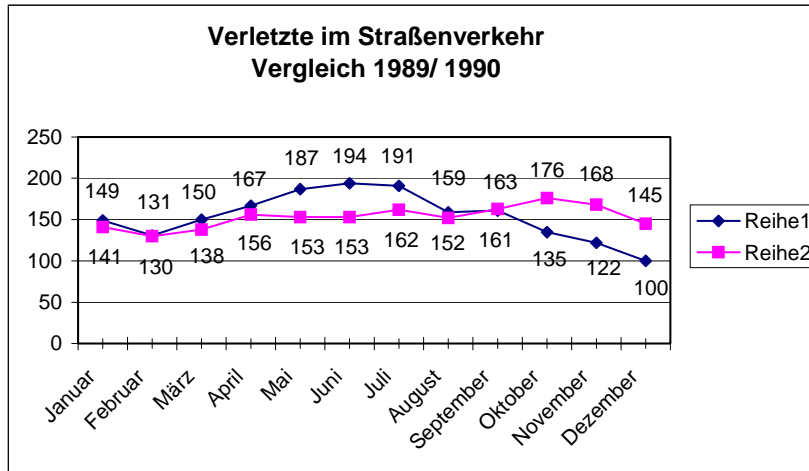
c)  $[(-24) + (-21)] - [(+23) - (-10)] =$

d)  $125 - [(390 - 41) - (53 - 156)] =$



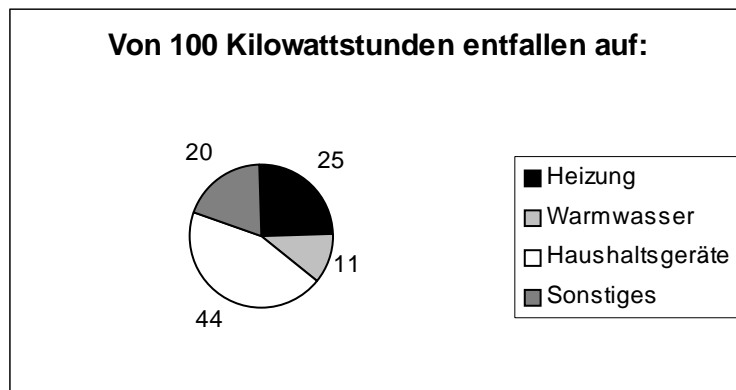
## Diagramme

### 1. Gitternetzdiagramm



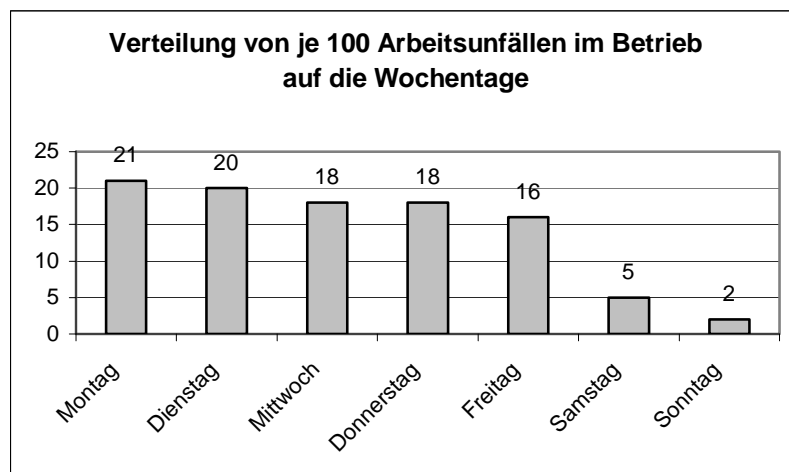
- Ermittle für 1989 und 1990 die Gesamtzahl aller Verletzten.
- Wie groß ist der Unterschied?
- In welchem Jahr und welchem Monat gab es die meisten Verletzten?
- In welchem Monat gibt es den größten Unterschied zwischen der Zahl der Verletzten?

### 2. Kreisdiagramm



- Wie viele Kilowattstunden (kWh) entfallen auf „Warmwasser“ und „Heizung“?
- Worauf entfallen 44 kWh?
- Dem gesamten Energiebedarf entspricht der Vollwinkel, also  $360^\circ$ . Wie vielen Winkelgraden entspricht der Anteil „Sonstiges“?
- Wie viel Prozent von 100 kWh entfallen auf „Haushaltsgeräte“ und „Heizung“?

### 3. Balkendiagramm



- An welchen Wochentagen ereignen sich die meisten bzw. die wenigsten Unfälle?
- Wie viele Unfälle ereignen sich im Durchschnitt an den Arbeitstagen von Montag bis Freitag?
- Wie ändert sich der Durchschnitt, wenn die Tage Samstag und Sonntag mitgerechnet werden?
- Welcher prozentuale Anteil aller Arbeitsunfälle entfällt auf Samstag und Sonntag?

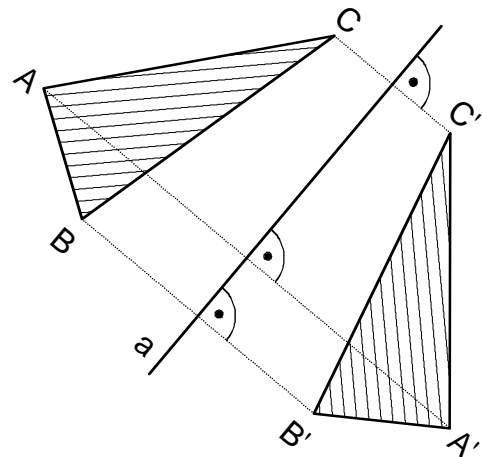
## Die Achsenspiegelung

Wird einer **Urfigur** ( $\triangle ABC$ ) durch Spiegelung an einer Geraden  $a$  umkehrbar eindeutig genau eine **Bildfigur** ( $\triangle A'B'C'$ ) zugeordnet, so handelt es sich bei der Abbildung um eine **Achsenspiegelung**.

Die Gerade  $a$  heißt **Spiegelachse**.

Kurzschreibweise:  $\triangle ABC \xrightarrow{a} \triangle A'B'C'$

Urfigur und Bildfigur liegen **symmetrisch** zur Spiegelachse  $a$ .



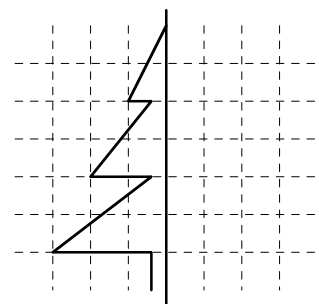
**Eigenschaften:**  $P \xrightarrow{g} P'$

- Bei allen Achsenspiegelungen schneidet die Verbindungsstrecke von Urpunkt  $P$  und Bildpunkt  $P'$  die Spiegelachse unter einem **rechten Winkel** und sie wird von ihr **halbiert**.
  - Bei allen Achsenspiegelungen ist nur die Spiegelachse **Fixpunktgerade**.
  - Alle Senkrechten zur Spiegelachse und die Spiegelachse selbst sind **Fixgeraden**.
  - Alle Achsenspiegelungen sind **längen-** und **winkeltreu**.
  - Alle Achsenspiegelungen sind **geraden-** und **kreistreu**.
- } **Kongruenzabbildung**

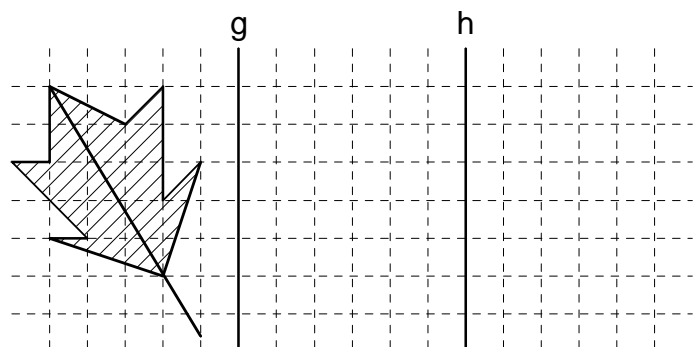
### Übungen:

1. Eine Figur, die durch Achsenspiegelung an einer Spiegelachse **auf sich** abgebildet werden kann, ist **achsensymmetrisch**. Die Spiegelachse ist die **Symmetrieachse** der Figur.

Zeichne die Tanne fertig.



2. Spiegle das Blatt erst an der Geraden  $g$  und dann an der Geraden  $h$ .



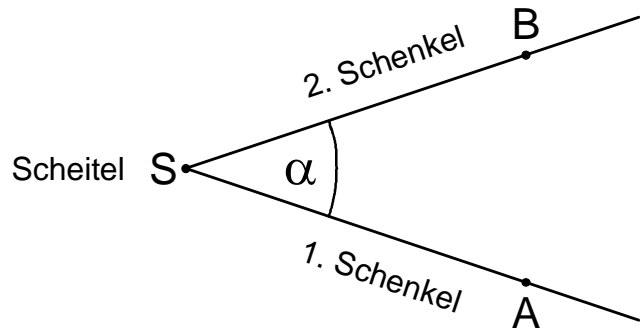
## Winkel

### 1. Bezeichnung

Ein Winkel wird von zwei Halbgeraden (Schenkel) gebildet, die einen gemeinsamen Anfangspunkt (Scheitelpunkt S oder Scheitel S) haben.

Der Winkel ASB ( $\sphericalangle$ ASB) hat das Maß  $\alpha$ .

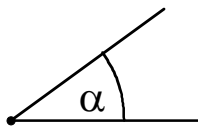
(Achtung: Winkel werden stets **gegen den Uhrzeigersinn** bezeichnet!)



### 2. Winkelarten

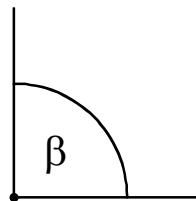
**spitzer Winkel**

$$0^\circ < \alpha < 90^\circ$$



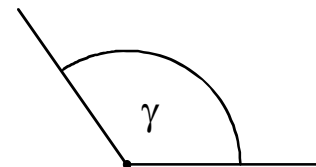
**rechter Winkel**

$$\beta = 90^\circ$$



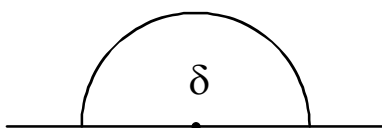
**stumpfer Winkel**

$$90^\circ < \gamma < 180^\circ$$



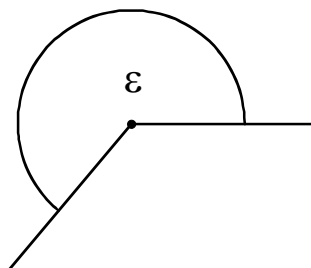
**gestreckter Winkel**

$$\delta = 180^\circ$$



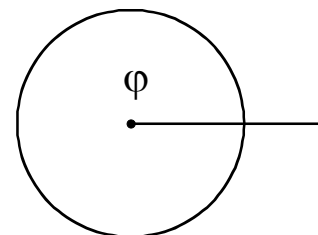
**überstumpfer Winkel**

$$180^\circ < \varepsilon < 360^\circ$$



**Vollwinkel**

$$\varphi = 360^\circ$$



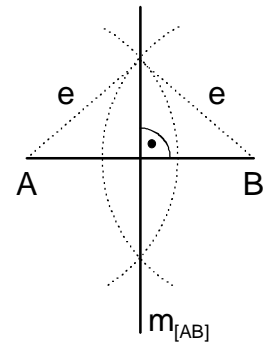
## Mittelsenkrechte, Winkelhalbierende, achsensymmetrische Dreiecke und Vierecke

### 1. Mittelsenkrechte $m_{[AB]}$ zur Strecke $[AB]$

- Zeichne um A und B Kreise mit dem gleichen Radius  $r$ , wobei gilt:

$$r > \frac{1}{2} \cdot \overline{AB}.$$

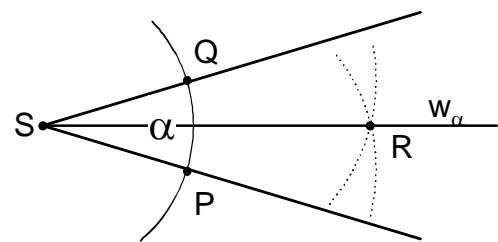
- Zeichne eine Gerade durch die beiden Schnittpunkte.



Merke: Alle Punkte der Mittelsenkrechten der Strecke  $[AB]$  sind von den Punkten A und B gleichweit entfernt. Beispiel: Strecke e.

### 2. Winkelhalbierende $w_\alpha$

- Zeichne um den Scheitel des Winkels einen Kreis. Dieser schneidet die Schenkel in den Punkten P und Q.
- Zeichne um P und Q je einen Kreis mit dem gleichen Radius  $r$ .
- Verbinde den Schnittpunkt R der Kreise mit dem Scheitel S.

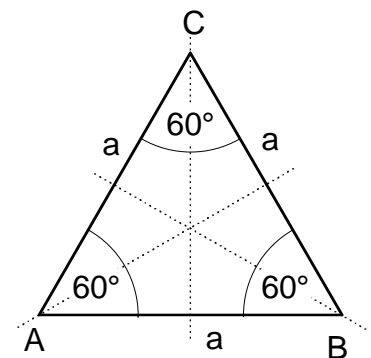
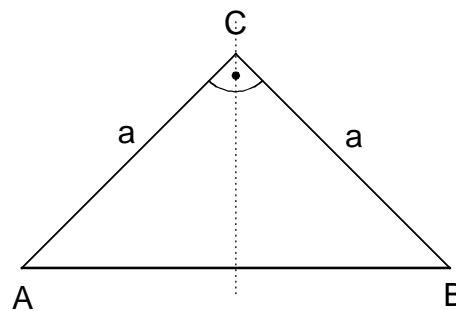
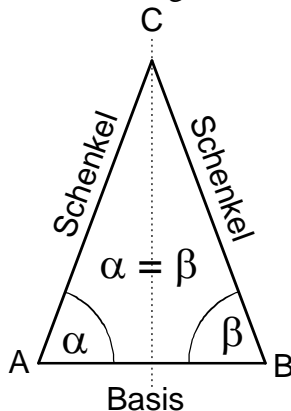


### 3. Achsensymmetrische Dreiecke

gleichschenkliges Dreieck

gleichschenklig-rechtwinkliges Dreieck

gleichseitiges Dreieck



### 4. Achsensymmetrische Vierecke

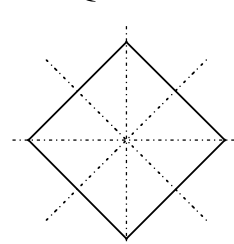
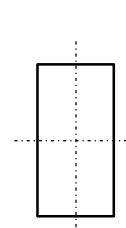
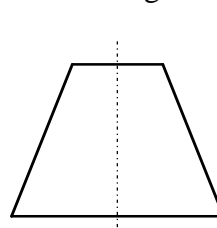
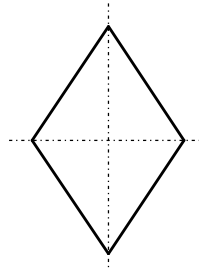
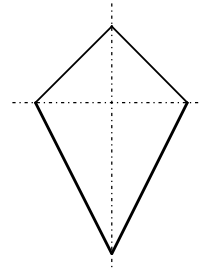
Drachenviereck

Raute

Gleichschenkliges Trapez

Rechteck

Quadrat



## Lösungen

- 6/1<sub>1</sub> 1.1: a)  $\frac{9}{10}$     b)  $\frac{20}{9}$     c)  $\frac{12}{7}$     d)  $\frac{2}{3}$     1.2: e)  $\frac{30}{20}; \frac{35}{20}; \frac{32}{20}$     f)  $\frac{60}{54}; \frac{24}{54}; \frac{81}{54}$
- 2: a)  $\frac{17}{12}$     b)  $\frac{5}{36}$     c)  $\frac{17}{55}$     d)  $3\frac{16}{45}$
- 3: a) 10    b)  $\frac{5}{36}$     c)  $18\frac{3}{4}$     d) 16
- 4: a) 1    b)  $2\frac{2}{3}$     c)  $7\frac{2}{3}$     d)  $\frac{39}{49}$

- 6/1<sub>2</sub> 5: a) 0,72    b) 0,5625    c) 1,625    d) 0,22    e)  $0,\bar{6}$     f)  $0,5\bar{3}$
- 6.1: a)  $\frac{25}{100} = \frac{1}{4}$     b)  $\frac{125}{1000} = \frac{1}{8}$     c)  $\frac{13}{400}$     d)  $3\frac{29}{50}$     e)  $4\frac{1}{5}$     f)  $10\frac{7}{20}$
- 6.2: a)  $\frac{2}{9}$     b)  $\frac{2}{3}$     c)  $\frac{7}{33}$     d)  $3\frac{43}{99}$     e)  $\frac{9}{99} = \frac{1}{11}$     f)  $\frac{124}{999}$
- 7: a) 67,23    b) 8,0    c) 123    d) 2,0

- 6/1<sub>3</sub> 8: a) 73,7793    b) 12,1158    c) 21,683
- 9: a) 0,768    b) 51,8322    c) 1500    d) 0,006
- 10: a) 96,2    b) 5,1    c) 10400

- 6/2<sub>2</sub> a)  $\mathbb{L} = \{0, 4\}$     b)  $\mathbb{L} = \{4, 3\}$     c)  $\mathbb{L} = \{7, 5\}$     d)  $\mathbb{L} = \{4\}$     e)  $\mathbb{L} = \{1, 25\}$     f)  $\mathbb{L} = \{\frac{5}{9}\}$     g)  $\mathbb{L} = \{18, 24\}$

- 6/4<sub>2</sub> 1. 600 kg    2. 2,30 m    3. 40%    4.1 900 kg    4.2 20    4.3 0,48 m

- 6/5<sub>1</sub> a) - 15    b) - 99    c) - 78    d) - 327

- 6/5<sub>2</sub> 1: a) - 28    b) - 22    c) 99    2: a) - 3    b) - 42    c) 9    d) 39

- 6/6 1: a) 1837 (im Jahr 1989); 1846 (im Jahr 1990)  
 b) Unterschied von 9 Verletzten mehr im Jahr 1990  
 c) Im Jahr 1990 gab es im Juni die meisten Verletzten mit 194  
 d) Im November. Unterschied: 46
- 2: a) 36 kWh    b) Haushaltsgeräte    c)  $100 \text{ kWh} \triangleq 360^\circ$      $20 \text{ kWh} \triangleq 72^\circ$     d) 69%
- 3: a) die meisten Unfälle ereignen sich am Montag und die wenigsten Unfälle am Sonntag  
 b) 18,6    c) 4,3    d) 7%