

## Symmetrie von gebrochenrationalen Funktionen

Bestimme die Symmetrie bzgl. der y – Achse bzw. des Ursprungs rechnerisch

Lösung

1)  $f(x) = \frac{x^3}{4-2x^2}$

Punktsymmetrie

$$f(-x) = \frac{(-x)^3}{4-2(-x)^2} = \frac{-x^3}{4-2x^2} \neq f(x)$$

$$-f(x) = \frac{-x^3}{4-2x^2} = f(-x)$$

2)  $f(x) = \frac{5-x^2}{x^2-12}$

Achsensymmetrie

$$f(-x) = \frac{5-(-x)^2}{(-x)^2-12} = \frac{5-x^2}{x^2-12} = f(x)$$

3)  $f(x) = \frac{x^3-4x^2+2x}{x-5}$

keine

$$f(-x) = \frac{(-x)^3-4(-x)^2+2(-x)}{(-x)-5} = \frac{-x^3-4x^2-2x}{-x-5} \neq f(x)$$

$$-f(x) = \frac{-x^3+4x^2-2x}{x-5} \neq f(-x)$$

4)  $f(x) = \frac{3x}{(x-3)^2}$

keine

$$f(-x) = \frac{3(-x)}{(-x-3)^2} = \frac{-3x}{(-x-3)^2} \neq f(x)$$

$$-f(x) = \frac{-3x}{(x-3)^2} \neq f(-x)$$

5)  $f(x) = \frac{x-5}{x^4-6}$

Keine

$$f(-x) = \frac{(-x)-5}{(-x)^4-6} = \frac{-x-5}{x^4-6} \neq f(x)$$

$$-f(x) = \frac{-x+5}{x^4-6} \neq f(-x)$$

6)  $f(x) = \frac{7}{3+6x^6}$

Achsensymmetrie

$$f(-x) = \frac{7}{3+6(-x)^6} = \frac{7}{3+6x^6} = f(x)$$

7)  $f(x) = \frac{13}{(x+4)^2}$

Keine

$$f(-x) = \frac{13}{(-x+4)^2} \neq f(x)$$

$$-f(x) = \frac{-13}{(x+4)^2} \neq f(-x)$$

8)  $f(x) = \frac{x^5-9}{7x}$

keine

$$f(-x) = \frac{(-x)^5-9}{7 \cdot (-x)} = \frac{-x^5-9}{-7x} \neq f(x)$$

$$-f(x) = \frac{-x^5+9}{7x} \neq f(-x)$$